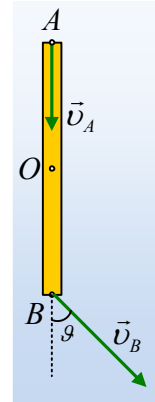


### Η κίνηση μιας σανίδας.

Μια λεπτή ομογενής σανίδα μήκους  $l=2m$  κινείται οριζόντια, σε λείο οριζόντιο επίπεδο και σε μια στιγμή ( $t=0$ ) βρίσκεται στη θέση που δείχνει το διπλανό σχήμα (κάτοψη), όπου το άκρο  $A$  έχει ταχύτητα  $v_A=4m/s$ , ενώ η ταχύτητα του άκρου  $B$  σχηματίζει γωνία  $\theta$  με τον άξονα της σανίδας, όπου  $\epsilon\phi\theta=1,5$ .



i) Η κίνηση της σανίδας είναι:

α) Μεταφορική, β) στροφική, γ) σύνθετη.

Να δικαιολογήσετε την απάντησή σας.

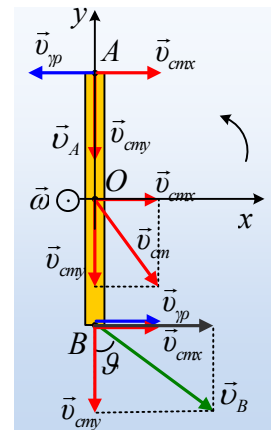
ii) Να υπολογιστεί η ταχύτητα του μέσου  $O$  της σανίδας.

iii) Σε πόσο χρόνο το άκρο  $A$  θα έχει ξανά την ίδια ταχύτητα  $v_A$ ;

**Απάντηση:**

i) Η κίνηση της σανίδας δεν είναι μεταφορική, αφού τα άκρα της  $A$  και  $B$  δεν έχουν ίσες ταχύτητες. Αν η σανίδα στρέφεται, θα στρέφεται γύρω από κατακόρυφο άξονα που περνά από το κέντρο μάζας της  $O$ . Αλλά στην περίπτωση αυτή, τα άκρα  $A$  και  $B$  θα πρέπει να εκτελούν κυκλική κίνηση με κέντρο το  $O$  και οι ταχύτητές τους θα ήταν κάθετες στη ράβδο. Άρα η κίνηση δεν είναι στροφική. Έτσι σωστό είναι το γ), θεωρώντας την κίνηση σύνθετη, οπότε θα μπορούσαμε να την μελετήσουμε ως επαλληλία μιας μεταφορικής κίνησης με ταχύτητα  $v_{cm}=v_0$  και μιας στροφικής με γωνιακή ταχύτητα  $\omega$ , γύρω από κατακόρυφο άξονα που περνά από το  $O$ .

ii) Έστω ότι το κέντρο μάζας  $O$  της σανίδας κινείται έχοντας ταχύτητα  $\vec{v}_{cm}$  όπως στο διπλανό σχήμα. Η ταχύτητα αυτή αναλύεται σε δυο συνιστώσες  $v_x$  και  $v_y$  πάνω στους άξονες  $x$  και  $y$  που φαίνονται στο σχήμα. Τις ίδιες ταχύτητες (προφανώς με τις ίδιες συνιστώσες) έχουν όλα τα σημεία της σανίδας, άρα και τα άκρα  $A$  και  $B$ . Αλλά για να είναι η ταχύτητα του  $A$  πάνω στον άξονα  $y$ , θα πρέπει η σανίδα να στρέφεται αντίθετα από τους δείκτες του ρολογιού με γωνιακή ταχύτητα  $\omega$ , έτσι ώστε το άκρο  $A$  να έχει και γραμμική ταχύτητα  $v_{\gamma\rho}=\omega \cdot R$ , αντίθετη της  $v_{cmx}$ .

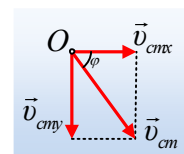


Παίρνοντας την ταχύτητα στο άκρο  $B$ , όπως στο σχήμα, έχουμε:

$$\epsilon\phi\theta = \frac{v_{Bx}}{v_{cmy}} \rightarrow \frac{3}{2} = \frac{v_{cmx} + v_{\gamma\rho}}{v_{cmy}} \rightarrow \frac{3}{2} = \frac{2v_{cmx}}{v_A} \rightarrow$$

$$v_{cmx} = \frac{3}{4}v_A = \frac{3}{4} \cdot 4m/s = 3m/s$$

Εξάλλου η ταχύτητα του σημείου  $A$ , είναι ίση με την συνιστώσα  $v_{cmy}$ ,



οπότε:

$$v_{cm} = \sqrt{v_{cmx}^2 + v_{cm y}^2} = \sqrt{3^2 + 4^2} \text{ m/s} = 5 \text{ m/s}$$

$$\text{Και } \epsilon\phi\phi = \frac{v_{cm y}}{v_{cm x}} = \frac{4}{3}$$

iii) Επιστρέφοντας στο σημείο A, έχουμε:

$$v_{A,x} = v_{cmx} - v_{\gamma\rho} = 0 \rightarrow \omega \frac{\ell}{2} = v_{cmx} \rightarrow \omega = \frac{2v_{cmx}}{\ell} \rightarrow$$

$$\omega = \frac{2 \cdot 3}{2} \text{ rad/s} = 3 \text{ rad/s}$$

Το σημείο A, θα έχει ξανά την ίδια κατακόρυφη ταχύτητα  $v_A = v_{cm y}$ , μόλις ολοκληρώσει μια περιστροφή, συνεπώς τη χρονική στιγμή  $t_1 = T$ , όπου T η περίοδος περιστροφής. Αλλά:

$$\omega = \frac{2\pi}{T} \rightarrow T = \frac{2\pi}{\omega} = \frac{2\pi}{3} \text{ s} \approx 2,1 \text{ s}$$

Συνεπώς τη χρονική στιγμή  $t_1 = 2,1 \text{ s}$  η σανίδα θα βρεθεί ξανά με τον αρχικό προσανατολισμό, οπότε το άκρο A θα έχει ξανά την ίδια ταχύτητα, ίση με την  $v_{cm y}$ .

**Υλικό Φυσικής-Χημείας**

Γιατί το να μοιράζεσαι πράγματα, είναι καλό για όλους...

Επιμέλεια:

*Διονύσης Μάργαρης*